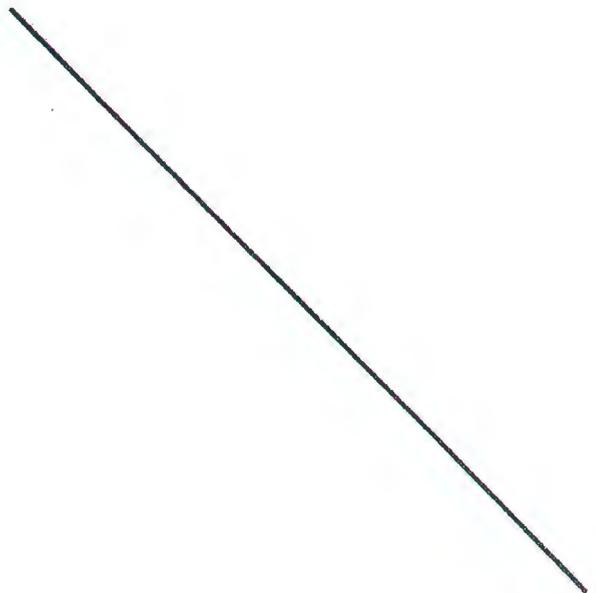
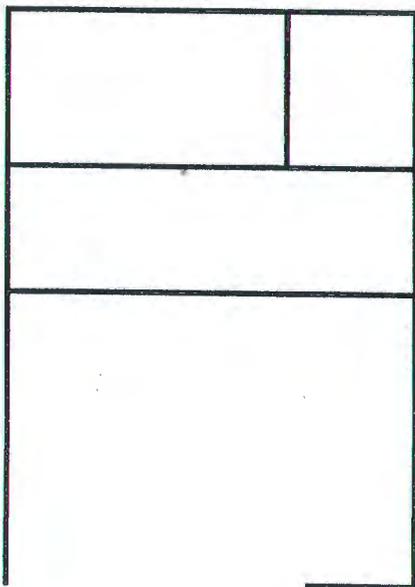
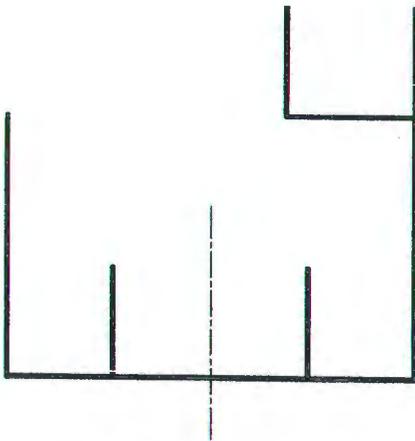
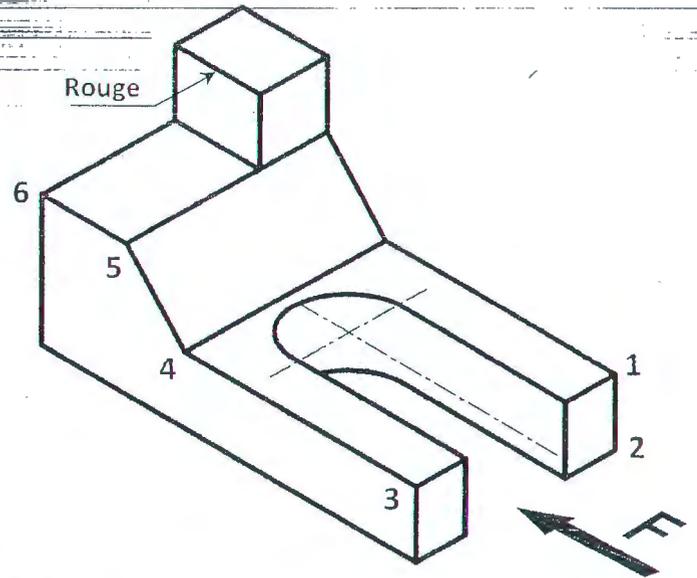


**Exercice** : Soit la pièce ci-dessus représentée à l'échelle 1:1 par une vue de face, une vue de dessus et une vue de gauche incomplètes, on demande de :

- 1- Compléter les trois vues.
- 2- Représenter toutes les lignes cachées.
- 3- Repérer les points (1) (2) (3) (4) (5) et (6) sur les 3 vues.
- 4- Colorier sur les 3 vues les arêtes repérées sur la perspective.
- 5- Faire le cartouche.

**NB** : La cotation n'est pas demandée.

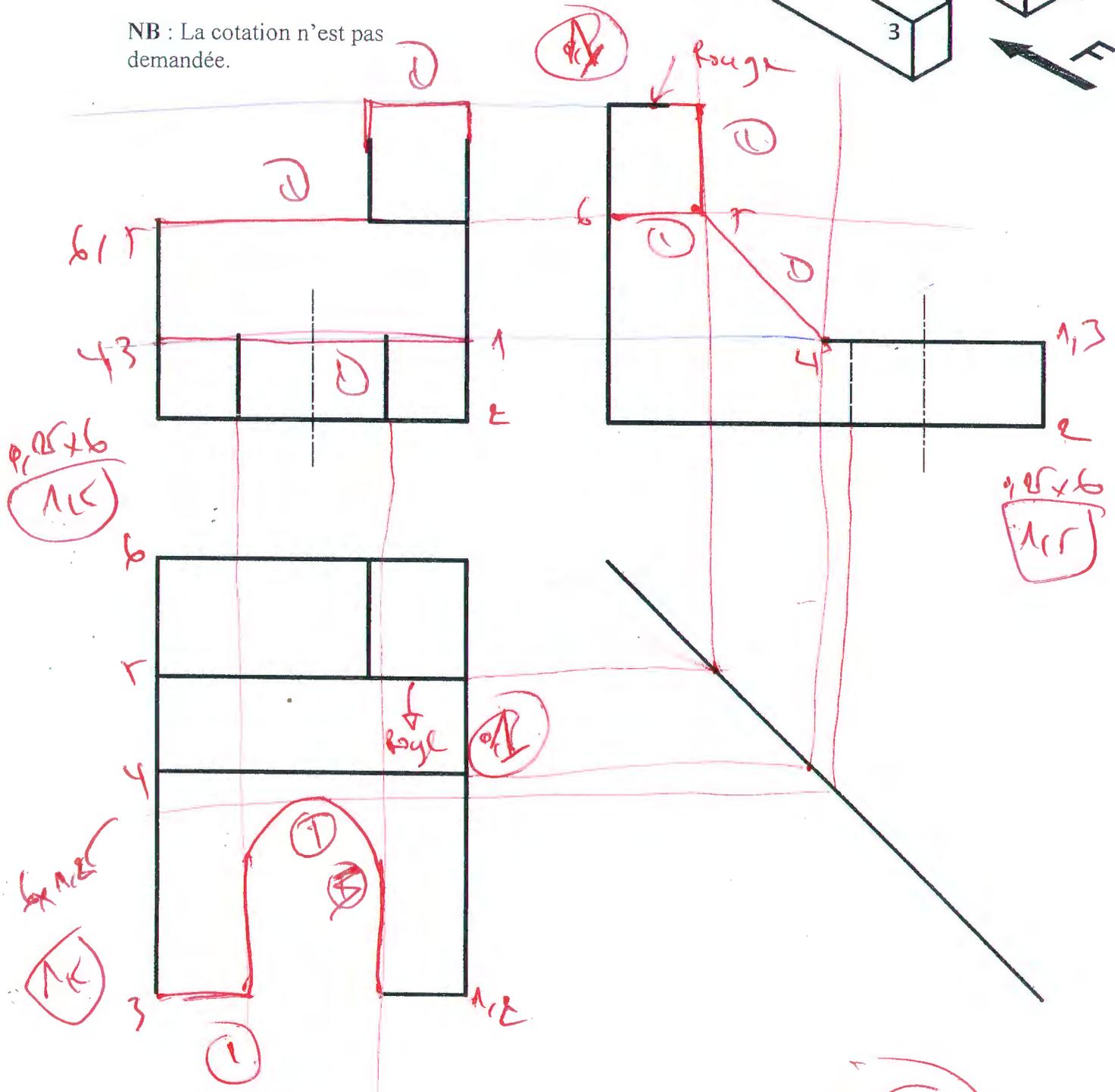
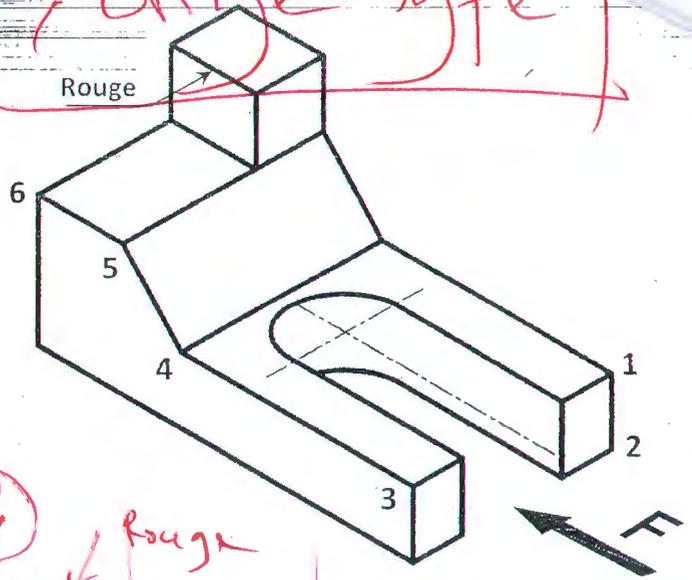


**Exercice** : Soit la pièce ci-dessus représentée à l'échelle 1:1 par une vue de face, une vue de dessus et une vue de gauche incomplètes, on demande de :

- 1- Compléter les trois vues.
- 2- Représenter toutes les lignes cachées.
- 3- Repérer les points (1) (2) (3) (4) (5) et (6) sur les 3 vues.
- 4- Colorier sur les 3 vues les arêtes repérées sur la perspective.
- 5- Faire le cartouche.

**NB** : La cotation n'est pas demandée.

*Corrigé Type*



*Cartouche 45 p 2*

**Contrôle de Rattrapage de la Mécanique Des Fluides**  
(Durée 1h30min)

**Exercice 1:**

- 1-Calculer la différence de hauteur  $\Delta h$  entre les niveaux d'eau des deux réservoirs (figure 1). La densité du fluide manométrique est  $d=0.9$ .
- 2- Si le réservoir 1 a une largeur  $b=1.2m$ , calculer la force appliquée par l'eau sur la paroi 1 du réservoir.
- 3-Calculer les coordonnées du point d'application de cette force). ( $x_{cp}$  et  $y_{cp}$ ).

**Exercice 2** De l'eau de viscosité cinématique  $10^{-6} m^2/s$  s'écoule avec un débit de  $0.01 m^3/s$  dans deux conduites: l'une annulaire de rayon extérieur  $R_1$  et rayon intérieur  $R_2$  et l'autre circulaire de rayon  $R_1$  (voir figure2 ).

- 1- Calculer la vitesse d'écoulement de l'eau dans les deux conduites.
- 2- Quel est le régime d'écoulement dans les deux cas?

**Exercice 3:** De l'huile de densité  $d_h=0.84$  et de viscosité cinématique  $\nu=2 \times 10^{-6} m^2/s$  circule du réservoir (A) vers l'atmosphère (B) par une conduite de diamètre  $D=15cm$ , de longueur  $L=150m$  et une rugosité  $\epsilon=0.12mm$ . (figure 3). Le débit dans la conduite est  $13 litre/s$ .

- Calculer la pression effective au point A en bar pour les deux cas suivants:

**1<sup>er</sup> cas :** On considère que l'huile est un fluide parfait.

**2<sup>ème</sup> cas :** on considère que l'huile est un fluide réel.

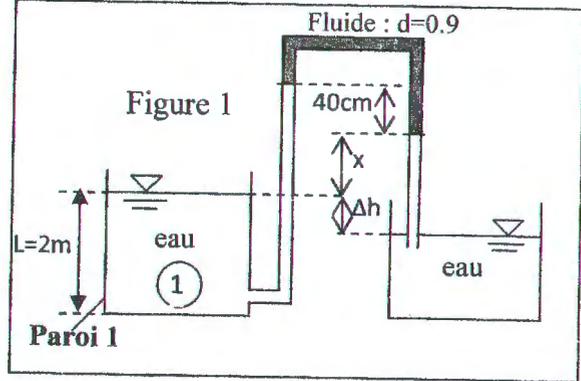
On donne le coefficient de perte de charge singulière  $k=0.5$ .

بالتوفيق

**التمرين 1:**

- 1- احسب الفرق في الارتفاع  $\Delta h$  بين مستويات الماء في الخزانين (الشكل 1). كثافة المائع المانومتري  $d=0.9$ .
- 2- اذا الخزان 1 عرضه  $b=1.2m$  احسب القوة المطبقة من طرف الماء على الجدار 1 للخزان
- 3- احسب إحداثيات نقطة تأثير القوة ( $x_{cp}$  et  $y_{cp}$ )

$$I_{x_{CG}} = \frac{LH^3}{12}$$



**التمرين 2:** تتدفق الماء ذات اللزوجة الحركية  $10^{-6} m^2/s$  بمعدل تدفق  $0.01 m^3/s$  في أنبوبين: إحداهما حلقي نصف قطره الخارجي  $R_1$  و نصف قطره الداخلي  $R_2$  و الآخر دائري نصف قطره  $R_1$  (انظر الشكل 2).

- 1- احسب سرعة تدفق الماء في الأنبوب.
- ما هو نظام التدفق.



**التمرين 3** تتدفق زيت  $d_h=0.84$  ولزوجة حركية  $\nu=2 \times 10^{-6} m^2/s$  من الخزان (A) إلى الغلاف الجوي (B) بواسطة أنبوب قطره  $D=15cm$  ، طوله  $L=150m$  وخشونة  $\epsilon=0.12mm$ . (الشكل 3). التدفق في الأنبوب هو  $13 litre/s$ . احسب الضغط الفعال عند النقطة A بالبار (bar) للحالتين التاليتين:

الحالة الأولى: نعتبر الزيت مانعا مثاليًا.

الحالة الثانية: نعتبر الزيت مانعا حقيقيًا.

نعطي معامل ضياع الحمولة  $k=0.5$

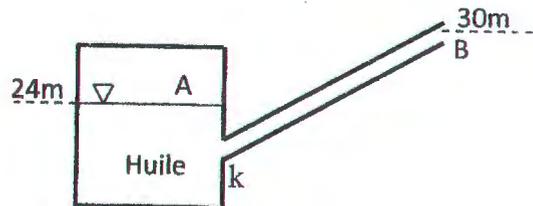


Figure 3

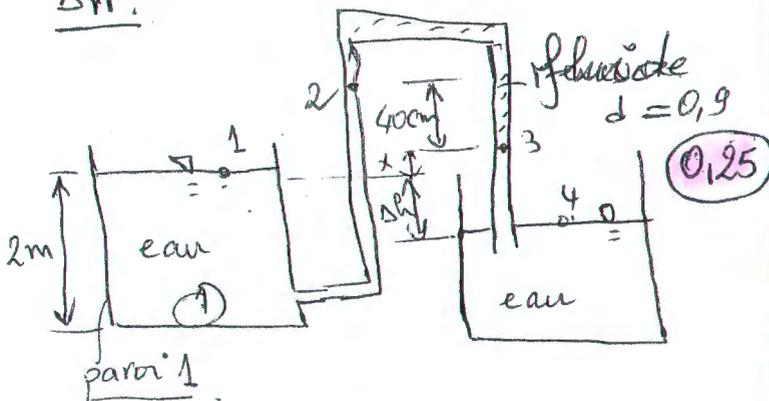
correction du Rattrapage.

MDF. (2019) (ST2-B).

Exercice 1 (6,5 pts)

- Calculer la différence de hauteur

$\Delta h$ :



On applique l'éq. de l'hydrostatique:

$P_1 - P_2 = \rho_e g (z_2 - z_1)$  (0,25)

$P_2 - P_3 = \rho_f g (z_3 - z_2)$  (0,25) +

$P_3 - P_4 = \rho_e g (z_4 - z_3)$  (0,25)

$P_1 - P_4 = \rho_e g (z_2 - z_1) + \rho_f g (z_3 - z_2) + \rho_e g (z_4 - z_3).$

$P_1 = P_4 = P_{atm}$  (0,25)

donc:

$0 = \rho_e [(z_2 - z_1) + (z_4 - z_3)] + \rho_f (z_3 - z_2)$   
 $0 = \rho_e [(0,4 \text{ m} + x) + (-x + \Delta h)] + \rho_f (-0,4 \text{ m})$

donc:

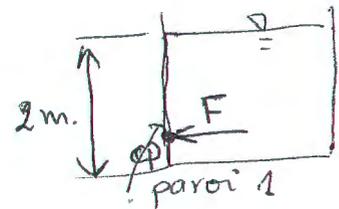
$\Delta h = \frac{0,4(\rho_e - \rho_f)}{\rho_e}$  (0,25) (0,75)

$\Delta h = 0,4 \frac{(\rho_e - \rho_f)}{\rho_e}$

$\Delta h = 0,4(1 - 0,9)$  ou bien  $\Delta h = 0,4 \frac{1000 - 900}{1000}$

$\Delta h = 0,04 \text{ m} = 4 \text{ cm}$  (0,25)

2 - Calculer la force appliquée par l'eau sur la paroi 1:



$F = \rho_e g \cdot A$  (0,5)

$F = \rho_e g H_{CG} \cdot A$  (0,25)

$H_{CG} = \frac{2}{2} = 1 \text{ m}$  (0,25)

$A = 2 \text{ m} \times 1,2 \text{ m} = 2,4 \text{ m}^2$  (0,25)

$F = 1000 \left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \cdot 9,81 \left(\frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) \cdot 1 \text{ m} \cdot 2,4 \text{ m}^2$

$F = 23544 \text{ N}$  (0,25)

3 - Calculer les coordonnées  $x_{cp}$  et  $y_{cp}$

puisque la paroi est rectangulaire ses axes sont des axes de symétrie.  $I_{xy} = 0$

donc:  $x_{cp} = \frac{I_{xy_{CG}}}{y_{CG} \cdot A} + x_{CG}$  (0,5)

donc:  $x_{cp} = x_{CG} = \frac{1,2 \text{ m}}{2} = 0,6 \text{ m}$

$$y_{cp} = \frac{I_{xCG}}{y_{CG} \cdot A} + y_{CG} \quad (0,5)$$

$$y_{CG} = \frac{H_{CG}}{2} = \frac{2m}{2} = 1m$$

$$I_{xCG} = \frac{LH^3}{12} = \frac{1,2(m) \cdot (2m)^3}{12}$$

$$I_{xCG} = 0,8m^4$$

$$y_{cp} = \frac{0,8}{1 \times 2,4} + 1m$$

$$= \frac{1}{3} + 1m = 1,33m = y_{cp}$$

ou bien  $y_{cp} = \frac{2}{3} (2m) = 1,33m$

Exercice 2: (5,5 pts)

Calculer la vitesse d'écoulement dans les deux conduites:

$$U = \frac{Q}{A} \quad (0,5)$$

1-1. La conduite annulaire:

$$U_1 = \frac{Q_1}{A_1}$$

$$A_1 = \pi (R_1^2 - R_2^2) \quad (0,5)$$

$$= \pi (0,05^2 - 0,03^2) m^2$$

$$A_1 = 0,005 m^2$$

$$\therefore U_1 = \frac{901 (m^3/s)}{0,005 m^2}$$

$$U_1 \approx 2 m/s \quad (0,5)$$

2-2. La conduite circulaire

$$U_2 = \frac{Q}{A_2}$$

$$A_2 = \pi R_1^2 \quad (0,5)$$

$$= \pi \cdot 0,05^2$$

$$A_2 = 0,785 \times 10^{-2} m^2$$

$$\therefore U_2 = \frac{0,01 (m^3/s)}{0,785 \times 10^{-2} (m^2)} = 12,7 m$$

2. Régime d'écoulement: (0,25)

$$Re = \frac{U \cdot D_H}{\nu} \quad (0,5)$$

2-1. Conduite annulaire:

$$D_{H1} = 4 \frac{A_1}{Per_1} \quad (0,5)$$

$$A_1 = \pi (R_1^2 - R_2^2) = 0,005 m^2$$

$$Per_1 = 2\pi (R_1 + R_2) \quad (0,5)$$

$$\therefore D_{H1} = \frac{4 \pi (R_1^2 - R_2^2)}{2\pi (R_1 + R_2)}$$

$$D_{H1} = 2 (R_1 - R_2) = 2 (5cm - 3cm) = 4cm = D_{H1}$$

$$\therefore Re_1 = \frac{2 (m/s) \cdot 4 \cdot 10^{-2} (m)}{10^{-6} (m^2/s)}$$

$$Re_1 = 8 \cdot 10^4 > 2300 \quad (0,5)$$

Donc le régime d'écoulement est turbulent. (0,25)

conduite circulaire:

$$H_2 = D = 2R_1 \quad (0,25)$$

$$\begin{aligned} Re_2 &= \frac{U \cdot D}{\nu} = \frac{12,7 \left(\frac{m}{s}\right) \cdot (25 \cdot 10^{-2})}{10^{-6} (m^2/s)} \\ &= \frac{U \cdot 2R_1}{\nu} \end{aligned}$$

$$Re_2 = 127 \times 10^4 > 2300 \Rightarrow (0,25)$$

Régime turbulent (0,25)

Exercice 3

(08pts)

Calculer la pression effective en A:

1<sup>er</sup> cas: fluide parfait:

on applique l'éq. de Bernoulli entre A et B:

$$\frac{U_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\rho g} + Z_A = \frac{U_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\rho g} + Z_B \quad (0,5)$$

$$U_A = 0 \text{ (surface du réservoir)} \quad (0,25)$$

$$Z_A = 24 \text{ m} \quad (0,25)$$

$$P_B = P_{atm} \quad (0,25)$$

$$Z_B = 30 \text{ m} \quad (0,25)$$

$$U_B = \frac{Q}{A} = \frac{4Q}{\pi D^2} = \frac{4 \times 13 \times 10^{-3} (m^3/s)}{\pi (0,15)^2} \quad (0,5)$$

$$U_B = 0,736 \text{ m/s}$$

$$P_A - P_{atm} = P_{Aeff} = \rho \frac{U_B^2}{2} + (Z_B - Z_A) \rho g \quad (0,25)$$

$$\rho_R = d_R \cdot \rho_e = 840 (kg/m^3) \quad (0,25)$$

$$P_{Aeff} = 840 \frac{kg}{(m^3)} \frac{(0,736 \text{ m/s})^2}{2} + (30 \text{ m} - 24 \text{ m}) \times 840 \frac{kg}{(m^3)} \cdot 9,81 \frac{m}{s^2}$$

$$P_{Aeff} = 49751,52 \text{ Pa} \quad (0,15)$$

$$P_{Aeff} \approx 0,497 \text{ bar}$$

2<sup>ème</sup> cas: fluide réel:

on applique l'éq. de Bernoulli entre A et B:

$$\frac{U_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\rho g} + Z_A = \frac{U_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\rho g} + Z_B + \Sigma \Delta H \quad (0,5)$$

$$U_A = 0; U_B = 0,736 \text{ m/s}; P_B = P_{atm}; Z_A = 24 \text{ m}$$

$$Z_B = 30 \text{ m}$$

$$\Sigma \Delta H = \Delta H_f + \Delta H_s \quad (0,25)$$

$$\Delta H_f = \lambda \frac{U_B^2}{2g} \cdot \frac{L}{D_H} \quad (0,5)$$

pour calculer  $\lambda$  on calcule  $Re$ :

$$Re = \frac{U_B \cdot D_H}{\nu} = \frac{0,736 \left(\frac{m}{s}\right) \cdot (0,15 \text{ m})}{2 \cdot 10^{-6} (m^2/s)} \quad (0,25)$$

$Re = 55.200 > 2300$  donc régime turbulent. On calcule  $\lambda$  de la formule de Colebrook: (0,5)

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = -2 \log \left( \frac{\epsilon}{3,71 D_H} + \frac{2,51}{Re \sqrt{\lambda}} \right) \quad (0,5)$$

on pose  $\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = x$ .

$$x = -2 \log \left( \frac{0,12 \times 10^{-3}}{3,71 \cdot 15 \cdot 10^{-2}} + \frac{2,51}{55.200} x \right)$$

$$x = -2 \log (2,156 \cdot 10^{-4} + 0,45 \cdot 10^{-4} x) \quad (0,25)$$

$$x = 8 - 2 \log (2,156 + 0,45x)$$

on pose  $x_0 = 0$  on trouve:

(3/4)

$$x_1 = 7,3327 \rightarrow x_2 = 6,9622$$

$$x_3 = 6,5532$$

$$\therefore \lambda = \frac{1}{x_3^2} = 0,0232 = \lambda$$

0,75

done:

$$\Delta H_f = 0,0232 \cdot \frac{(0,736 \text{ (m/s)})^2}{2 \cdot 9,81 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right)} \cdot \frac{150 \text{ (m)}}{15 \cdot 10^{-2} \text{ (m)}}$$

$$\Delta H_f = 0,873 \text{ m} \quad 0,25$$

$$\Delta H_s = k \cdot \frac{U_B^2}{2g} = 0,5 \cdot \frac{0,736^2}{2 \cdot 9,81} \quad 0,5$$

$$\Delta H_s = 0,0138 \text{ m} \quad 0,25$$

$$P_{A \text{ eff}} = \underbrace{\rho \frac{U_B^2}{2}}_{\downarrow} + \rho g (z_B - z_A) + \rho g (\Delta H_f + \Delta H_s)$$

$$P_{A \text{ eff}} = 49751,5 \text{ Pa} + 840 \cdot 9,81 \times (0,873 + 0,0138)$$

$$= 49751,5 \text{ Pa} + 7307,62 \text{ Pa}$$

$$= 57059,12 \text{ Pa}$$

$$P_{A \text{ eff}} = 0,57 \text{ bar}$$

4  
4